

1 - المعلم : إحدائتا نقطة - إحدائتا متجهة

ليكن معلما للمستوى (O, \vec{i}, \vec{j})
- لكل نقطة M يوجد زوج وحيد (x, y) للأعداد الحقيقية بحيث : $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$
الزوج (x, y) يسمى زوج إحدائتي النقطة M و نكتب : $M(x, y)$
- لكل متجهة \vec{u} يوجد زوج وحيد (x, y) للأعداد الحقيقية بحيث : $\vec{u} = x\vec{i} + y\vec{j}$
و نكتب $\vec{u}(x, y)$ و $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$

إحدائتا متجهة : $A(x_A, y_A)$ و $B(x_B, y_B)$ نقطتان

$$AB(x_B - x_A; y_B - y_A)$$

تساوى متجهتين : $\vec{u}(x; y)$ و $\vec{v}(x'; y')$ متجهتان

$$\vec{u} = \vec{v} \iff x = x' \text{ و } y = y'$$

إحدائتا جداء متجهة بعدد : $\vec{u}(x; y)$ متجهة و k عدد حقيقي

$$k\vec{u}(kx; ky)$$

إحدائتا مجموع متجهتين : $\vec{u}(x; y)$ و $\vec{v}(x'; y')$ متجهتان

$$\vec{u} + \vec{v}(x + x'; y + y')$$

المسافة بين نقطتين : $A(x_A, y_A)$ و $B(x_B, y_B)$ نقطتان

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

منتصف قطعة : I منتصف قطعة $[AB]$

$$I \left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2} \right)$$

3 - محددة متجهتين

$$\det(\vec{u}, \vec{v}) = -\det(\vec{v}, \vec{u})$$

$$\det(k\vec{u}, \vec{v}) = k \det(\vec{u}, \vec{v})$$

محددة متجهتين $\vec{u}(x; y)$ و $\vec{v}(x'; y')$ هو العدد $xy' - x'y$ و نرسم له بالرمز $\det(\vec{u}, \vec{v})$

$$\det(\vec{u}, \vec{v}) = \begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix} = xy' - x'y$$
 و نكتب :

4 - شرط استقامية متجهتين

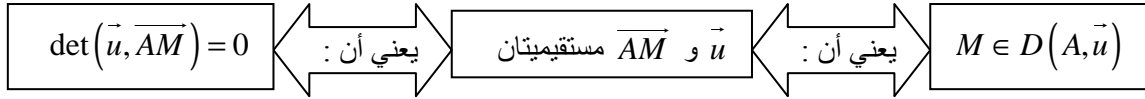
$$\det(\vec{u}, \vec{v}) = 0$$

يعنى أن :

$\vec{u}(x; y)$ و $\vec{v}(x'; y')$ مستقيمتان

5 - المستقيم في المستوى

- نقطة من المستوى \vec{u} متجهة غير منعدمة
- يوجد مستقيم (Δ) وحيد في المستوى يمر من A وله اتجاه \vec{u}
- المستقيم (Δ) هو مجموعة النقط M بحيث : \vec{u} مستقيمتان \overline{AM} و \vec{u}
- \vec{u} تسمى متجهة موجهة للمستقيم (Δ)
- نرسم للمستقيم (Δ) بـ : $D(A, \vec{u})$ و يمكن أن نكتب : $(\Delta) = D(A, \vec{u})$



6 - تمثيل بارامترى لمستقيم

- المستوى P منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j})
- لنكن $A(x_0, y_0)$ نقطة من المستوى P و $\vec{u}(\alpha, \beta)$ متجهة غير منعدمة
- النظمة : $\begin{cases} x = x_0 + k\alpha \\ y = y_0 + k\beta \end{cases} / k \in \mathbb{R}$ تسمى تمثيلا بارامتريا للمستقيم المار من النقطة $A(x_0, y_0)$ و الموجه بالمتجهة $\vec{u}(\alpha, \beta)$

كل مستقيم يقبل عددا لا منتهيا من التمثيلات البارامترية

7 - معادلة ديكارتية لمستقيم

طريقة لتحديد معادلة ديكارتية لمستقيم $D(A, \vec{u})$:

$M(x, y)$ نقطة من المستوى.

$\det(\overline{AM}, \vec{u}) = 0$ تكافئ $M(x, y) \in D(A, \vec{u})$

تكافئ

المستوى P منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j})

كل مستقيم في المستوى له معادلة ديكارتية على شكل : $ax + by + c = 0$ حيث : $(a, b) \neq (0, 0)$

المستوى P منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j})

مجموعة نقط المستوى التي تحقق $M(x, y)$ التي تحقق : $ax + by + c = 0$ حيث $(a, b) \neq (0, 0)$ هي مستقيم موجه بالمتجهة $\vec{u}(-b; a)$

8 - المعادلة المختصرة لمستقيم

إذا كان (Δ) مستقيما يمر من نقطتين $A(x_A, y_A)$ و $B(x_B, y_B)$

حيث $x_B \neq x_A$ فإن ميله m هو : $m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$

(Δ) غير مواز لمحور الأرتيب لأن $x_B \neq x_A$

كل مستقيم (غير مواز لمحور الأرتيب) له معادلة مختصرة

على شكل : $y = mx + p$

m يسمى المعامل الموجه لهذا المستقيم أو الميل

p يسمى الأرتوب عند الأصل

إذا كانت $\vec{u}(\alpha; \beta)$ متجهة موجهة لمستقيم (Δ) (غير مواز لمحور الأرتيب)

فإن : $m = \frac{\beta}{\alpha}$ هو المعامل الموجه للمستقيم (Δ)

9 - مستقيمات خاصة

مستقيم مواز لمحور الأرتاب

المستوى P منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j})
يكون مستقيم موازيا لمحور الأرتاب إذا و فقط إذا كانت معادلته
الديكارتية تكتب على شكل : $x = \alpha$
($\alpha \in \mathbb{R}$)

مستقيم مواز لمحور الأفاصيل

المستوى P منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j})
يكون مستقيم موازيا لمحور الأفاصيل إذا و فقط إذا كانت معادلته
الديكارتية تكتب على شكل : $y = \beta$
($\beta \in \mathbb{R}$)

10 - الأوضاع النسبية لمستقيمين

(D') و (D) مستقيمان حيث : (D): $ax + by + c = 0$ و (D'): $a'x + b'y + c' = 0$

